

CONCOURS D'ENTREE A L'EAMAC - 2013

Contrôleur de la circulation aérienne

Epreuve de Physique



EXERCICE N°1

Soit le référentiel $R_0(Ox_0, Oy_0, Oz_0)$ considéré comme galiléen, Oz_0 étant dirigé vers la verticale ascendante. Soit \vec{g} le champ de pesanteur terrestre. Un disque de centre O , de rayon a , tourne dans le plan horizontal (Ox_0y_0) , autour de O , à la vitesse angulaire constante ω . Ce disque est muni d'une rainure radiale, et dans cette rainure coulisse sans frottement une masselotte M de masse m . Soit $R(Ox, Oy, Oz_c)$ un référentiel lié au disque, Ox étant porté par la rainure. On appelle $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$, les vecteurs unitaires respectifs des axes Ox, Oy, Oz_c .

- 1) La masselotte M est attachée à l'extrémité d'un ressort de constante de raideur k , de longueur à vide l_0 ; ce ressort est fixé en O à son autre extrémité.
 - a) Ecrire la relation fondamentale de la dynamique, pour la masselotte M , dans le référentiel (R) lié au disque.
 - b) Montrer que M peut effectuer des oscillations harmoniques, dans (R) , autour d'une position d'équilibre $x = x_c$, sous réserve que k obéisse à une condition que l'on précisera. Calculer x_c et la période T des oscillations. Pensez-vous que la condition ci-dessus soit suffisante pour observer réellement des oscillations harmoniques autour de x_c ?
- 2) On supprime le ressort, la masselotte étant toujours astreinte à glisser sans frottement dans la rainure. A la date $t = 0$, M est lâchée sans vitesse initiale à une distance x_1 de O .
 - a) Donner l'expression de $x(t)$ ainsi que le module de la réaction \vec{N} de la rainure sur M .
 - b) Application numérique : A quel moment M arrive-t-elle à l'extrémité du disque sachant que le disque effectue une rotation de un tour par seconde et que $x_1 = \frac{a}{4}$?

EXERCICE N°2

On considère une spire circulaire de rayon a , de centre O , placée dans le vide et parcourue par un courant I . On appelle Oz l'axe de la spire. Tout point M de l'espace est repéré par ses coordonnées cylindriques (r, θ, z) . On désigne par B_r, B_θ, B_z les trois composantes cylindriques du champ magnétique \vec{B} créé par la spire en M . Par symétrie, B_r, B_θ, B_z ne dépendent que des coordonnées r et z du point M .

- 1) Montrer que le champ magnétique \vec{B} créé par la spire en un point M d'abscisse z de l'axe Oz , a pour composante :

$$B_r(0, z) = 0 ; \quad B_\theta(0, z) = 0 ; \quad B_z(0, z) = \frac{B_0}{\left(1 + \left(\frac{z}{a}\right)^2\right)^{3/2}}$$

- 2) On considère un point M en dehors de l'axe Oz .

a) Montrer que la composante $B_\theta(r, z)$ est nulle.

b) On suppose que le point M est voisin de l'axe Oz ($r \ll a$) ; montrer que :

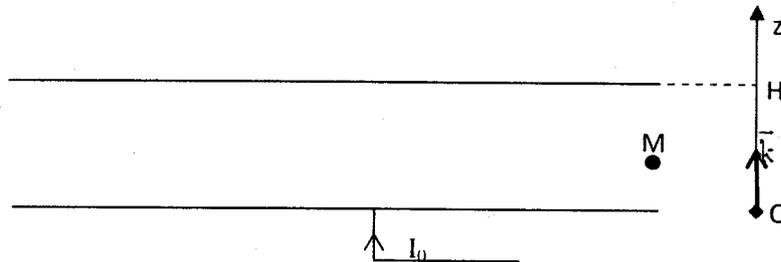
- $B_z(r, z) \approx B_z(0, z)$ à des termes du second ordre près en r (on pourra effectuer un développement limité des fonctions $B_z(r, z)$ et $B_z(0, z)$ au premier ordre).
- La composante B_r du champ magnétique normale à l'axe Oz peut s'écrire

$$B_r(r, z) \approx -\frac{r}{2} \frac{\partial}{\partial z} [B_z(0, z)]$$

à des termes du troisième ordre près en r .

EXERCICE N°3

On modélise la basse atmosphère par beau temps selon le schéma électrique suivant. L'atmosphère est le milieu contenu entre les armatures d'un condensateur qu'on peut considérer comme plan ; ces armatures sont, d'une part, le sol supposé parfaitement conducteur, et d'autre part un plan conducteur à l'altitude H qui schématise l'ionosphère ; la surface en regard de ces armatures a une aire notée S . Tous les champs de vecteurs et de scalaires utilisés ne dépendent que de l'altitude z du point M où ils sont définis. On note \vec{k} le vecteur unitaire de l'axe Oz orienté suivant la verticale ascendante. L'atmosphère est un milieu légèrement conducteur de l'électricité ; sa permittivité est égale à celle du vide, ϵ_0 . En un point M règne un champ électrique \vec{E} qui a les propriétés du champ électrostatique.



Un courant permanent d'intensité I_0 traverse verticalement l'atmosphère (le sens algébrique suivant lequel est compté I_0 est celui du schéma). Le courant de retour est assuré par les orages dont il ne sera pas question. En un point M de l'atmosphère, on définit le vecteur densité de courant \vec{j} par : $\vec{j} = \frac{I_0}{S} \vec{k}$. Il est uniforme et relié au champ électrique en M par la relation : $\vec{j} = \gamma \vec{E}$ où γ est la conductivité électrique au point M ; On admet qu'elle varie avec l'altitude suivant la loi $\gamma = \gamma_0 e^{\frac{z}{a}}$ où γ_0 et a sont des constantes.

$$\gamma_0 \exp\left(\frac{z}{a}\right)$$

Pour les applications numériques, on prendra :

$$H = 50000 \text{ m} ; S = 5,09 \cdot 10^{14} \text{ m}^2 ; a = 4000 \text{ m} ; I_0 = -1500 \text{ A} ; \epsilon_0 = \frac{1}{36 \pi \cdot 10^9} \text{ F} \cdot \text{m}^{-1}$$

(Attention au signe de I_0 !).

Fomesoutra.com
ça soutra !
 Docs à portée de main

- 1) a) Exprimer littéralement le champ électrique \vec{E} en fonction de l'altitude z .
- b) Au niveau du sol, on mesure le champ électrique $\vec{E}_c = E_0 \vec{k}$ avec $E_0 = -100 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1}$. Calculer littéralement puis numériquement γ_0 .
- c) Calculer la différence de potentiel entre le sol et le point d'altitude $z = 1,80 \text{ m}$. Pourquoi un individu debout n'est pas électrocuté ?
- 2) a) Calculer littéralement la charge surfacique σ_0 portée par le sol puis la charge totale Q_0 portée par l'armature constituée par le sol.

- b) Calculer numériquement σ_0 et Q_0 .
 - c) Calculer littéralement la charge surfacique σ_H et la charge totale Q_H de l'armature à l'altitude H .
 - d) Calculer numériquement σ_H et Q_H .
- 3) Calculer littéralement puis numériquement la charge totale Q_a portée par l'atmosphère (armatures non comprises).



EXERCICE N°4

- 1) Soit un doublet électrique A (- q), B (+ q) porté par l'axe Ox, et tel que AO = OB = a. On étudie son action en un point M très éloigné repéré par ses coordonnées polaires r, θ ($r \gg a$).
- a) Retrouver l'expression du potentiel V créé en M par ce dipôle après avoir effectué un développement limité à l'ordre 1 en $\frac{1}{r}$.
 - b) En déduire les composantes E_r et E_θ du champ électrique en coordonnées polaires puis l'allure des lignes de champ.
- 2) On soumet ce dipôle à l'action d'un champ uniforme \vec{E}_0 de direction et sens Ox, et dont le potentiel s'annule en O.
- a) Justifier que le dipôle reste en équilibre.
 - b) En déduire, toujours en M éloigné, le potentiel résultant V' et les composantes E'_r et E'_θ du champ résultant \vec{E}' .
 - c) Quelle est la nature de l'équipotentielle $V' = 0$? Calculer les nouvelles composantes E'_r et E'_θ du champ résultant \vec{E}' .